

ШИФР
(не заполнять)

001003



Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов
Томской области «ОРМО».



Северо-Восточная олимпиада школьников «СВОШ».

(отметить галочкой олимпиаду)

ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ

Олимпиадная работа по физике вариант 1
(указать предмет)

Выполнил (а)

Фамилия:

К	У	Л	А	К	О	В	А												
---	---	---	---	---	---	---	---	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Имя:

Ю	Л	И	Я																
---	---	---	---	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Отчество:

А	Н	А	Т	О	Л	Ь	Е	В	Н	А									
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Класс: 11

Наименование школы: МБОУ "Сростинская СОШ им. В.М. Шукшина"

Город (село): Сростки

Район: Бийский


Область: Алтайский край

Дата рождения: 20 / 04 / 1998

Контактный телефон: 8929 3284062

E-mail: _____

Даю согласие на обработку моих персональных данных и информирование меня посредством sms и e-mail о моих результатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных с олимпиадой

Личная подпись 

$$\Sigma = 60$$

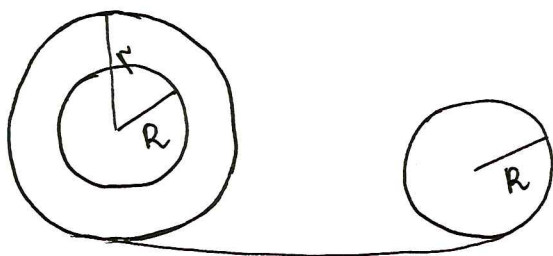
ШИФР

001003

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
60	01.03.16	Борженко Э.В.	ЭВ

1)



$$v = \text{const}$$

$$d (d \ll R)$$

$$v = \omega r +$$

$$\omega = \frac{v}{r} +$$

$$V = \pi (r^2 - R^2) b +$$

$$r^2 - R^2 = \frac{V}{\pi b} +$$

$$r = \sqrt{\frac{V}{\pi b} + R^2} \quad (1) +$$

$$V = v + d b \quad (2) +$$

Подставим (2) в (1) и получим:

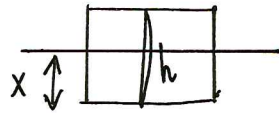
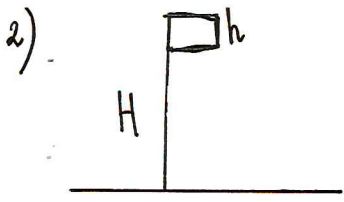
$$r = \sqrt{\frac{v + d b}{\pi b} + R^2} = \sqrt{\frac{v + d}{\pi} + R^2} \quad (3)$$

$$\omega = \frac{v}{r} \quad (4)$$

Подставим (3) в (4) и найдем ω :

$$\omega = \frac{v}{\sqrt{\frac{v + d}{\pi} + R^2}} +$$

15



001003

$$F_A = \rho g V^{(1)}$$

Обозначим площадь основания шайбы через $S \Rightarrow V_{\text{ш. погруженной}} = Sx$

$$V = Sx^{(2)}$$

Подставим (2) в (1)

$F_A = \rho g S x$; $\rho g S = \text{const}$, в процессе их вынесем за знак интеграла.

$$A(F_A) = \int_0^h F_A dx = \int_0^h \rho g S x dx = \rho g S \int_0^h x dx = \rho g S \frac{x^2}{2} \Big|_0^h = \rho g S \frac{h^2}{2} +$$

Потенциальная энергия в воздухе шайбы $= mgH$

$$m = \rho V$$

$$V = Sh$$

$$mgH = \rho V H = \rho S h H g$$

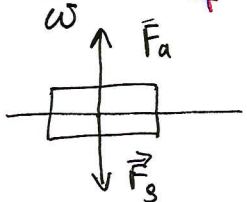
Потенциальную энергию приравняем к $A(F_A)$:

$$\rho S h H g = \rho g S \frac{h^2}{2}$$

Выразим H :

$$H = \frac{\rho g S h^2}{2 \rho S h H g} = \frac{h \rho_0}{2 \rho} +$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega}^{(3)}$$



$$F = F_g - F_a +$$

$$ma = mg - \rho_0 g V +$$

$$a = x''$$

$$m = \rho V = \rho S h$$

$$V = Sx$$

$$\rho S h x'' = \rho S h g - \rho_0 g S x$$

$$\rho S h (x'' - g) = -\rho_0 g S x$$

$$x'' - g = \frac{-\rho_0 g x}{\rho h}$$

$$\left. \begin{aligned} x'' + \frac{\rho_0 g}{\rho h} x &= g \\ x'' + \omega^2 x &= g \end{aligned} \right\} \Rightarrow$$

$$\omega^2 = \frac{\rho_0 g}{\rho h}$$

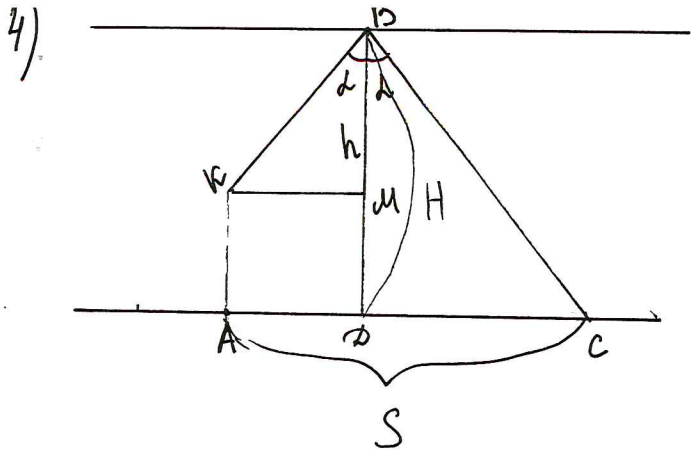
$$\omega = \sqrt{\frac{\rho_0 g}{\rho h}}^{(4)}$$

Подставим (4) в (3):

$$T = \frac{2\pi \sqrt{\rho h}}{\sqrt{\rho_0 g}} +$$

Ответ: $H = \frac{h \rho_0}{2 \rho}$; $T = \frac{2\pi \sqrt{\rho h}}{\sqrt{\rho_0 g}}$

15



$S = AD + DC$ — по условию

$$AD = KM +$$

$$S = KM + DC \quad (3) +$$

KM выразим из (1):

$$KM = \operatorname{tg} \alpha \cdot h \quad (4) +$$

DC выразим из (2):

$$DC = \operatorname{tg} \alpha \cdot H \quad (5) +$$

Подставим (4) и (5) в (3):

$$\operatorname{tg} \alpha \cdot h + \operatorname{tg} \alpha \cdot H = S +$$

$$\operatorname{tg} \alpha (h + H) = S +$$

$$h + H = \frac{S}{\operatorname{tg} \alpha} +$$

Выразим H и найдем:

$$H = \frac{S}{\operatorname{tg} \alpha} - h \quad (6) +$$

По основной тригонометрической тождеству:

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \quad \cos \alpha = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} +$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{\sin \alpha}{\sqrt{1 - \sin^2 \alpha}} +$$

$\angle падения = \angle отражения.$

$$\sin \alpha = \frac{1}{n} \quad (8) +$$

Рассмотрим $\triangle BDC$:

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{CD}{BD} +$$

$$BD = H \Rightarrow \operatorname{tg} \alpha = \frac{CD}{H} \quad (2) +$$

Рассмотрим $\triangle BKM$:

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{KM}{BM} + \quad (1)$$

$$BM = h \Rightarrow \operatorname{tg} \alpha = \frac{KM}{h} +$$

Подставим (8) в (7):

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{1}{n \sqrt{1 - \frac{1}{n^2}}} = \frac{1}{\cancel{n} \sqrt{n^2 - 1}} =$$

$$= \frac{1}{\sqrt{n^2 - 1}} \quad (9) +$$

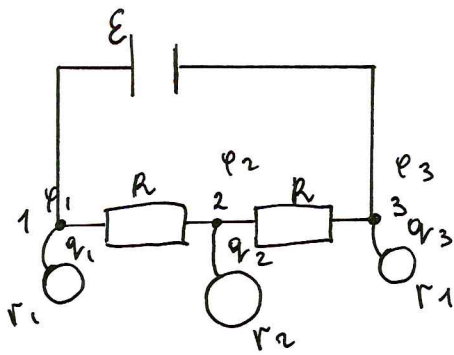
Подставим (9) в (6) и найдем:

$$H = S \sqrt{n^2 - 1} - h +$$

$$\text{Ответ: } H = S \sqrt{n^2 - 1} - h +$$

15

3)



$$\varphi = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r} +$$

Напишем для каждого φ :

$$\varphi_1 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1}{r_1} + \quad (1)$$

$$\varphi_2 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_2}{r_2} = 0 \Rightarrow \underline{q_2 = 0} +$$

$$\varphi_3 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_3}{r_1} + \quad (2)$$

$$\varphi_2 - \varphi_1 = \frac{\epsilon}{2} + \quad (3)$$

$$\varphi_3 - \varphi_2 = \frac{\epsilon}{2} + \quad (4)$$

Подставим (1) в (3):

$$- \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1}{r_1} = \frac{\epsilon}{2} +$$

$$\underline{q_1 = - \frac{4\pi\epsilon_0 \epsilon r_1}{2} +}$$

Подставим (2) в (4):

$$\frac{q_3}{4\pi\epsilon_0 r_1} = \frac{\epsilon}{2} +$$

$$\underline{q_3 = \frac{4\pi\epsilon_0 \epsilon r_1}{2} +}$$

15